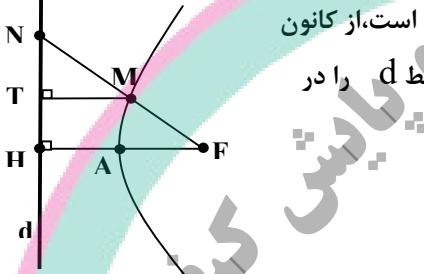
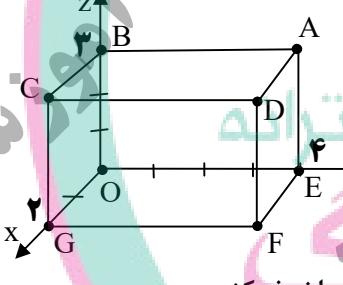


ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۳/۴	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	۱۴۰۱	دانش آموزان روزانه بزرگ‌سال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت خرداد ماه سال	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.		
۱	<p>عبارت‌های زیر را کامل کنید.</p> <p>(الف) اگر ماتریس <math>\begin{bmatrix} r &amp; m-1 \\ 0 &amp; 1 \end{bmatrix}</math> یک ماتریس همانی باشد حاصل <math>r + m</math> برابر با ..... است.</p> <p>(ب) اگر در بیضی خروج از مرکز به عدد صفر نزدیک شود کشیدگی بیضی کمتر شده و بیضی به ..... نزدیک‌تر می‌شود.</p> <p>(پ) نقطه <math>A(1, -2)</math> در ..... دایره به معادله <math>x^3 + y^3 - 2x + 2y = 0</math> قرار دارد.</p> <p>(ت) اگر سه بردار <math>\vec{a}</math>, <math>\vec{b}</math> و <math>\vec{c}</math> در یک صفحه باشند آنگاه حجم متوازی السطوح بنا شده توسط سه بردار برابر ..... است.</p>	۱
۱/۵	<p>درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. سپس شکل صحیح عبارت نادرست را بنویسید.</p> <p>(الف) اگر <math>A</math> یک ماتریس <math>3 \times 3</math> و <math> A  = 5</math> باشد آنگاه <math> 2A  = 40</math> است.</p> <p>(ب) اگر صفحه <math>P</math> به گونه‌ای باشد که هر دو نقطه بالایی و پایینی سطح مخروطی را قطع کند و شامل محور نباشد، در این صورت فصل مشترک صفحه <math>P</math> و سطح مخروطی یک هذلولی است.</p> <p>(پ) در شکل روبرو اگر خط <math>d</math> در نقطه <math>M</math> بر بیضی <math>M</math> مماس باشد، زاویه <math>\hat{FMF}' = 50^\circ</math> باشد آنگاه اندازه زاویه <math>\alpha = \beta = 60^\circ</math> است.</p> <p>(ت) برای دو بردار واحد <math>\vec{i}</math> و <math>\vec{j}</math> حاصل ضرب خارجی <math>\vec{i} \times \vec{j} = \vec{0}</math> است..</p>	۲
۱	<p>اگر مقادیر <math>a</math> و <math>b</math> را طوری په دست آورید که <math>A \times B = B \times A</math> ماتریس قطری باشد.</p>	۳
۱/۲۵	<p>ماتریس <math>A</math> مربعی مرتبه سه به صورت <math>A = [a_{ij}]_{3 \times 3}</math> که <math>a_{ij} = \begin{cases} i+j &amp; i=j \\ j &amp; i&gt;j \\ 0 &amp; i&lt;j \end{cases}</math> باشد،</p> <p>(الف) ماتریس <math>A</math> را به صورت آرایش مستطیلی بنویسید.</p> <p>(ب) دترمینان ماتریس <math>B</math> را محاسبه کنید.</p>	۴
۱/۲۵	<p>دستگاه <math>\begin{cases} 2x+y=4 \\ 7x+4y=15 \end{cases}</math> را با استفاده از ماتریس وارون حل کنید.</p>	۵
۱/۵	<p>نقاط <math>B</math>, <math>A</math> و <math>C</math> در صفحه مفروض‌اند. نقطه‌ای بیابید که از <math>A</math> و <math>B</math> به یک فاصله و از <math>C</math> به فاصله ۳ سانتی‌متر باشد (بحث کنید).</p>	۶
۱	<p>معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن نقطه <math>(-1, 1)</math> و بر خط <math>3x - 4y + 3 = 0</math> مماس باشد.</p>	۷
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۳/۴	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه بزرگ‌سال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۸	<p>در یک بیضی افقی به مرکز مبدأ مختصات طول قطرها برابر <math>10 + 6</math> است،          الف) خروج از مرکز بیضی را بباید          ب) مختصات کانون‌ها (<math>F'</math>, <math>F</math>), مختصات دوسر قطر بزرگ (<math>A'</math>, <math>A</math>) و دوسر قطر کوچک (<math>B'</math>, <math>B</math>) را به دست آورید.          پ) بیضی را روی محور مختصات رسم کنید.</p>	۱/۵
۹	<p>الف) معادله متعارف و فاصله کانونی سه‌می به معادله <math>y = -2x^2 - 8x + 9</math> را بباید.          ب) مختصات راس، کانون و معادله خط هادی سه‌می را به دست آورید.</p>	۱/۵
۱۰	<p>در شکل رویرو سه‌می با رأس <math>A</math> و کانون <math>F</math> و خط هادی <math>d</math> رسم شده است، از کانون <math>F</math> به نقطه دلخواه <math>M</math> روی سه‌می وصل کرده و امتداد داده این تا خط <math>d</math> را در <math>N</math> قطع کند و از نقطه <math>M</math>، <math>MN</math> را برابر <math>d</math> عمود کرده ایم.          ثابت کنید: <math>\frac{FN}{FA} = \frac{2NT}{TH}</math></p> 	۱/۲۵
۱۱	شکل کلی (نمودار) مر بوط به رابطه $x \leq y \leq 2$ را رسم کنید.	۰/۵
۱۲	<p>با توجه به شکل، به سوالات زیر پاسخ دهید.          الف) نام و جه از شکل که معادله آن به صورت زیر مشخص شده را بنویسید.  <math>x = 2, 0 \leq y \leq 4, 0 \leq z \leq 3</math>          ب) معادلات مربوط به پاره خط (یال) <math>AD</math> را بنویسید.          پ) مختصات نقطه <math>D</math> را بنویسید.          ت) معادله صفحه ای را بنویسید که موازی با صفحه <math>XOZ</math> باشد و مکعب مستطیل را نصف کند.</p> 	۱/۵
۱۳	<p>سه بردار <math>\vec{k} = 2\vec{i} + 3\vec{j} + \vec{z}</math> و <math>\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}</math> در نظر بگیرید          الف) زاویه بین دو بردار <math>\vec{a}</math> و <math>\vec{b}</math> برابر با <math>\theta</math> باشد و <math>\cos \theta</math> را بباید. ب) تصویر قائم بردار <math>\vec{a} - \vec{b}</math> را بدست آورید.</p>	۱/۷۵
۱۴	دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ مفروض اند به طوری که $ \vec{a}  = 6$ و $ \vec{b}  = 4$ و زاویه بین آنها $30^\circ$ درجه است مقدار عبارت $ 2\vec{a} \times \vec{b} $ را محاسبه کنید.	۱
۱۵	اگر $A = (2, -1, 3)$ و $B = (3, 1, 4)$ و $C = (-1, 1, 0)$ سه رأس مثلث $ABC$ باشند، مساحت مثلث $ABC$ را با استفاده از ضرب خارجی بردارها به دست آورید.	۱/۵
۱۶	برای دو بردار غیر صفر $\vec{a}$ و $\vec{b}$ ثابت کنید دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ برهم عمودند اگر و فقط اگر $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ .	۱
	موفق و سر بلند باشید	جمع نمره ۲۰

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) دو (۰/۲۵) ص ۱۲      ب) دایره (۰/۲۵) ص ۴۹      پ) داخل (۰/۲۵) ص ۴۶      ت) صفر (۰/۲۵) ص ۸۴	۱
۲	الف) درست (۰/۲۵) ص ۳۱      پ) نادرست (۰/۲۵) $\alpha = \beta = 65^\circ$	۱/۵
۳	الف) $a = 4(0/25)$ ص ۲۱      ب) $b = 3(0/25)$ ص ۵۰	۱
۴	الف) ۲۸ و ۲۱ ص      ب) $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 6 \end{bmatrix} (0/5)$ $ B  = 39 (0/25)$	۱/۲۵
۵	۲۴ ص	۱/۲۵
۶	مکان هندسی نقاطی که از A و B به یک فاصله اند، عمود منصف پاره خط AB است. (۰/۲۵) و مکان هندسی نقاطی که از نقطه C به فاصله ۳ واحد باشد، دایره‌ای به مرکز C و شعاع ۳ است. (۰/۲۵) بنابراین نقطه برخورد خط عمود منصف (d) و دایره جواب مسئله است. (نقاط E و D) الف) اگر خط عمود منصف (d) و دایره یکدیگر را در دو نقطه قطع کنند مسئله دو جواب دارد (۰/۲۵). ب) اگر مماس شوند مسئله یک جواب دارد (۰/۲۵). پ) در صورتی که یکدیگر را قطع نکنند مسئله جواب ندارد (۰/۲۵).	۱/۵
۷	$d = \frac{ 3(1) - 4(-1) + 3 }{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{10}{5} = 2 (0/5)$ . $(x-1)^2 + (y+1)^2 = 4 (0/5)$ ص ۴۳	۱
«ادامه در صفحه دوم»		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\begin{cases} 2a = 10 \rightarrow a = 5 \\ 2b = 6 \rightarrow b = 3 \end{cases} \rightarrow a' = b' + c' \rightarrow c = 4 \quad (0 / 25) \quad \frac{c}{a} = \frac{4}{5} \quad (0 / 25)$ <p>(الف)</p> $A(5,0), A'(-5,0) \quad (0 / 25) \quad F(4,0), F'(-4,0) \quad (0 / 25) \quad B(0,3), B'(0,-3) \quad (0 / 25)$ <p>(ب)</p> <p>(پ) رسم بیضی <math>(0 / 25)</math></p> <p>اگر مختصات رئوس و کانونها را روی محور نشان دهد و رسم انجام شود نمره کامل لحاظ شود.</p>	۱/۵
۹	<p>الف) معادله متعارف سهمی <math>(y-1)^2 = 8(x-0)</math> و فاصله کانونی <math>a = 2</math> <math>(0 / 25)</math></p> <p>ب) رأس سهمی <math>(1,1)</math> معادله خط هادی <math>x = -1</math> <math>(0 / 25)</math> و مختصات کانون آن <math>(3,1)</math> <math>(0 / 25)</math></p>	۵۵ ص
۱۰	<p>روش اول:</p> <p>با نیمساز <math>TF</math> متساوی الساقین است. <math>MFT = MT</math> مثلاً <math>\hat{MFT} = \hat{TMF}</math> <math>(0 / 25)</math></p> <p>از طرفی با نیمساز <math>FH</math> مورب <math>FT \parallel MT</math> نتیجه می شود <math>\hat{FH} \parallel \hat{MF}</math> <math>(0 / 25)</math></p> <p>از (۱) و (۲) نتیجه می شود <math>FH \parallel TF</math> نیمساز است. با نیمساز در مثلث <math>FHN</math> داریم:</p> $\frac{NF}{FH} = \frac{NT}{TH} \xrightarrow{FH=2FA} \frac{NF}{2FA} = \frac{NT}{TH} \xrightarrow{\times 2} \frac{NF}{FA} = \frac{2NT}{TH} \quad (0 / 25)$ <p>روش دوم:</p> <p>با توجه به قضیه تالس در مثلث <math>NHF</math>: <math>FH \parallel MT</math></p> $\frac{NM}{MF} = \frac{NT}{TH}$ $\frac{MT}{FH} = \frac{NM}{NF} \xrightarrow{MT=MF(0/25)} \frac{NF}{FH} = \frac{NM}{MF} \xrightarrow{\cancel{NF/FH} \cancel{NM/MF}} \frac{NF}{FA} = \frac{NT}{TH}$ $\xrightarrow{\times 2} \frac{NF}{FA} = \frac{2NT}{TH} \quad (0 / 25)$	۱/۲۵ ص
۱۱	رسم نمودار $(0 / 5)$	۰/۵
	«ادامه در صفحه سوم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرد داد ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	$y = 4$ (۰/۵) $D(2, 4, 3)$ (۰/۲۵) $x \leq 2$ (۰/۵) $b$ (۰/۲۵) CDFG (الف) $z = 3$ (۰/۵) $b$ (۰/۲۵) $x \leq 2$ (۰/۵)	۱/۵
۱۳	$\vec{a} = (2, 3, -1), \vec{b} = (1, 0, 1)$ (۰/۷۵) $\vec{a} \cdot \vec{b} =  \vec{a}   \vec{b}  \cos \theta \rightarrow 1 = \sqrt{14} \sqrt{2} \cos \theta \rightarrow \cos \theta = \frac{1}{2\sqrt{7}}$ (۰/۲۵) $\vec{d} = \vec{b} - \vec{c} = (1, -2, 0)$ (۰/۲۵) $\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{d}}{ \vec{d} } \vec{d} = \frac{-4}{5} (1, -2, 0)$ (۰/۲۵) $78$ ص (الف) $79$ ص (ب)	۱/۷۵
۱۴	$ 2\vec{a} \times \vec{b}  =  2\vec{a}   \vec{b}  \sin 30^\circ = 2(6)(4)\left(\frac{1}{2}\right) = 24$ (۰/۲۵) $81$ ص	۱
۱۵	$\vec{AB} = (1, 2, 1), \vec{AC} = (-3, 2, -3)$ (۰/۵) $\vec{AB} \times \vec{AC} = (-8, 0, 8)$ (۰/۵) $S_{ABC} = \frac{1}{2}  \vec{AB} \times \vec{AC}  = 4\sqrt{2}$ (۰/۵) $84$ ص	۱/۵
۱۶	$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \longleftrightarrow  \vec{a}   \vec{b}  \cos \theta = 0 \longleftrightarrow \cos \theta = 0 \longleftrightarrow \theta = \frac{\pi}{2}$ (۰/۲۵) $79$ ص	۱
	"مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	۲۰