

نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۶/۲۳
تعداد صفحه: ۲	رشنده: ریاضی فیزیک
دانش آموزان روزانه بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	مدد امتحان: ۱۳۵ دقیقه
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)
نمره	

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.

سوالات فصل اول

۱	الف) اگر دو ماتریس $B = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 2x-1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ مساوی باشند، آنگاه مقدار x برابر با است.	۲
	ب) اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & m+1 \\ 2n+4 & 5 \end{bmatrix}$ یک ماتریس قطری باشد، با محاسبه $n \times m$ ماتریس $I + A$ را بیابید. (ماتریس همانی مرتبه دو است).	
۱	اگر دو ماتریس مربعی A و B به صورت $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \\ -1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 3i-2j & \\ & \end{bmatrix}_{3 \times 3}$ باشند، الف) ماتریس A را به صورت آرایش مستطیلی بنویسید. ب) ماتریس B^T را محاسبه کنید.	۲
۱	اگر A و B دو ماتریس مربعی مرتبه ۳ و تعویض پذیر باشند، ثابت کنید: $(A-B)^T = A^T - 2AB + B^T$	۳
۱	اگر ماتریس $A = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$ باشد، وارون ماتریس $I - 2A$ را بیابید. (ماتریس همانی مرتبه دو است).	۴
۱	الف) در دستگاه $\begin{cases} ax+by=c \\ a'x+b'y=c' \end{cases}$ آنگاه دستگاه بی شمار جواب دارد. (درست-نادرست) ب) اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $ A $ را بیابید.	۵

سوالات فصل دوم

۶	الف) اگر صفحه P بر محور سطح مخروطی عمود نباشد و با مولد موازی نباشد و فقط یکی از دو نیمه سطح مخروطی را قطع کند، در این صورت فصل مشترک صفحه P و سطح مخروطی یک است. ب) سه‌می، مکان هندسی نقاطی از یک صفحه است که از یک خط ثابت در آن صفحه و یک نقطه ثابت غیر واقع بر آن خط در آن صفحه به یک فاصله باشد. (درست-نادرست)	۰/۵
۷	دونقطه A و B و خط d که شامل هیچ یک نیست در صفحه مفروض اند. نقطه ای بیابید که از A و B به یک فاصله بوده و از خط d به فاصله ۳ سانتی متر باشد.	۱/۵
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۶/۲۳	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
دانش آموزان روزانه بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱ http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۸	الف) حدود a را طوری به دست آورید که $x^2 + y^2 - 4x + 6y + a = 0$ معادله یک دایره باشد. ب) وضعیت خط $x + y = 1$ و دایره $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2 = 0$ را نسبت به هم مشخص کنید.	۲
۹	اگر M نقطه‌ای بیرون بیضی باشد، ثابت کنید مجموع فواصل نقطه M از کانونهای F' و F بزرگتر از طول قطر بزرگ بیضی است.	۱/۲۵
۱۰	اگر در یک بیضی طول AA' (قطر بزرگ) برابر با ۱۶ و خروج از مرکز $\frac{3}{4}$ باشد، فاصله راس A تا نزدیکترین کانون را به دست آورید.	۰/۷۵
۱۱	الف) معادله سهمی را بنویسید که $(A, 3)$ راس آن بوده و معادله خط هادی آن $x = 3$ باشد. ب) مختصات کانون سهمی را بیابید. پ) مختصات نقطه برخورد سهمی با محور طولها را حساب کنید.	۲
سوالات فصل سوم		
۱۲	الف) در فضای سه بعدی، نمودار مربوط به معادلات $\begin{cases} x = 0 \\ z = 0 \end{cases}$ ، معادله محور است. ب) اگر \vec{a} و \vec{b} دو بردار دلخواه، r عدد حقیقی و $\vec{b} = r\vec{a}$ آنگاه $ b = r a $ (درست - نادرست) پ) شکل کلی (نمودار) مربوط به رابطه $y = x^2$ ، $-1 < x \leq 2$ را در فضای دو بعدی رسم کنید. ت) طول بردار $\vec{a} = (-3, 4, 0)$ را به دست آورید.	۱/۷۵
۱۳	مقدار m را چنان بیابید که دو بردار $\vec{a} = (2, m, -1)$ و $\vec{b} = (m+1, 3, 2)$ بر هم عمود باشند.	۱
۱۴	اگر $ \vec{a} = 3$ و $ \vec{b} = 5$ و حاصل ضرب داخلی دو بردار 10 باشد، مساحت مثلثی که توسط دو بردار \vec{a} و \vec{b} تولید می شود چقدر است؟	۲
۱۵	حجم متوازی السطوحی را به دست آورید که توسط سه بردار $\vec{a} = (1, 0, -1)$ و $\vec{b} = (0, 2, 2)$ و $\vec{c} = (2, -3, 0)$ تولید می شود.	۱/۲۵
	موفق و سر بلند باشید	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر شهریور ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) $x = \frac{3}{25}$ (۰/۲۵) ب) $A + I = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$ (۰/۲۵)	۲
۲	الف) $m = -1$ (۰/۵) ب) $\begin{cases} m+1=0 \\ 2n+4=0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} m=-1 \\ n=-2 \end{cases}$ (۰/۵)	۱
۳	الف) $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -3 \\ 4 & 2 & 0 \\ 7 & 5 & 3 \end{bmatrix}$ (۰/۵) ب) $B^T = B \times B = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 6 \\ -3 & 7 & 6 \\ -2 & 2 & 7 \end{bmatrix}$ (۰/۵)	۱
۴	الف) $(A - B)^T = (A - B)(A - B) = A^T - AB - BA + B^T = A^T - 2AB + B^T$ (۰/۲۵) ب) $ A - 2I = 2$ (۰/۲۵)	۱
۵	الف) نادرست (۰/۲۵) ب) $ A = 2$ (۰/۲۵) $\ A\ = \sqrt{ A } = \sqrt{16} = 4$ (۰/۲۵)	۱
۶	الف) بیضی (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵)	۰/۵
۷	مکان هندسی نقاطی که از دو نقطه A و B به یک فاصله اند عمودمنصف پاره خط AB است این خط را رسم می کنیم و d می نامیم. (۰/۲۵) مکان هندسی نقاطی که از خط d به فاصله ۳ سانتی متر هستند دو خط d' و d'' می باشند که موازی d هستند. (۰/۰۲۵) محل برخورد دو خط d' و d'' با خط I جواب مساله است. الف- اگر خط I دو خط d' و d'' را قطع کند مسله دو جواب دارد (۰/۰۲۵) ب- اگر خط I بر یکی از دو خط d' یا d'' منطبق باشد مسله بی شمار جواب دارد (۰/۰۲۵) پ- اگر خط I هیچ یک از دو خط d' و d'' را قطع نکند مسله جواب ندارد. (۰/۰۲۵) رسم یک مورد شکل برای مساله الزامی است (۰/۰۲۵)	۱/۵

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۲۳	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر شهریور ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف
۲	۸	$a^2 + b^2 > 4c \xrightarrow{(\cdot/25)} 16 + 36 > 4a \longrightarrow a < 13 \quad (\cdot/25)$ $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 4, O=(1,1), r=2 \quad (\cdot/5), d = \frac{ 1+1-1 }{\sqrt{1^2+1^2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (\cdot/5)$ $d < r \quad (\cdot/25)$ <p style="text-align: center;">خط و دایره در دو نقطه متقاطع هستند. $(\cdot/25)$</p>	
۱/۲۵	۹	<p>از نقطه M به کانونهای بیضی وصل می کنیم تا بیضی را در نقطه D قطع کند، نقطه D روی $DF + DF' = 2a$ قرار دارد بنا بر تعریف بیضی:</p> <p>با بر نامساوی مثلثی در مثلث MDF' داریم:</p> $\underline{MD + MF' > DF'} \xrightarrow{+DF} DF + MD + MF' > DF + DF' \xrightarrow{(\cdot/25)}$ $\underline{MF + MF' > 2a} \xrightarrow{(\cdot/25)}$	
۰/۷۵	۱۰	$\frac{c}{a} = \frac{3}{4} \quad (\cdot/25) \xrightarrow{a=8} c=6 \xrightarrow{(\cdot/25)} AF = a - c = 2 \quad (\cdot/25)$	
۲	۱۱	<p>الف) با توجه به جایگاه راس و معادله خط هادی، سهمی افقی ودهانه آن به سمت چپ می باشد. $(\cdot/25)$</p> <p>در این سهمی $a = 1 \quad (\cdot/25)$ و معادله آن برابر است با: $(y-\frac{3}{2})^2 = -4(x-2) \quad (\cdot/5)$</p> <p>ب) مختصات کانون سهمی $F(-a+h, k) = (-1+2, 3) = (1, 3) \quad (\cdot/25)$</p> <p>پ) مختصات محل برخورد با محور طول ها برابر است با: $(0, \frac{-1}{4}), (\frac{-1}{4}, 0) \quad (\cdot/25)$</p>	
		«ادامه در صفحه سوم»	 www.HI-School.IR

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۲۳	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۱		
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۷۵	الف) عرض ها یا محور لها (۰/۲۵) ص ۶۷ ب- درست (۰/۲۵) ص ۷۵ پ) رسم نمودار (به طوری که نقطه توپر و توخالی مشخص باشد) (۰/۷۵) ص ۶۳		۱۲
۱	ص ۷۹ $\vec{a} \perp \vec{b} \rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \xrightarrow{(۰/۲۵)} 2(m+1) + 3m - 2 = 0 \xrightarrow{(۰/۵)} m = 0 \quad (۰/۲۵)$		۱۳
۲	$\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta \xrightarrow{(۰/۲۵)} 10 = 3 \times 5 \cos \theta \xrightarrow{(۰/۲۵)} \cos \theta = \frac{2}{3}, \sin \theta = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad (۰/۲۵)$ $ \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \sin \theta = 5\sqrt{5} \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{(۰/۲۵)} S_{\Delta} = \frac{1}{2} \vec{a} \times \vec{b} = \frac{5\sqrt{5}}{2} \quad (۰/۲۵)$ اگر دانش آموز با استفاده از اتحاد لاگرانژ هم مساله را حل کند در صورت درست بودن راه حل نمره کامل داده شود.		۱۴
۱/۲۵	$(\vec{b} \times \vec{c}) = (6, 4, -4) \quad (۰/۵)$ $v = \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = (1, 0, 1) \cdot (6, 4, -4) = 10 \quad (۰/۲۵)$		۱۵
۲۰	اگر دانش آموز به صورت زیر حل کند نمره کامل داده شود: $v = \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = \begin{vmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 2 & 2 \\ 2 & -3 & 0 \end{vmatrix} = 10 \quad (۰/۷۵)$ "مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"		