

نام و نام خانوادگی :	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	سوالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	-----------------------------------------	------

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) تابع تنازنت در هر بازه ای که در آن تعریف شده باشد، صعودی است. ب) اگر برای تابع f داشته باشید $f''(c) = 0$ آن گاه همواره نقطه $(c, f(c))$ نقطه عطف تابع است.	۰/۵
۲	جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. الف) اگر تابعی در یک فاصله هم صعودی و هم نزولی باشد، تابع در آن فاصله است. ب) اگر f یک تابع و $I \subseteq D_f$ یک همسایگی از نقطه c باشد که به ازای هر x متعلق به I داشته باشیم $f(x) \leq f(c)$ ، در این صورت $f(c)$ را یک تابع f می نامیم.	۰/۵
۳	الف) نمودار تابع $f(x) = \sqrt{x}$ را در بازه $[0, 4]$ رسم کنید. ب) به کمک نمودار $f(x)$ نمودار تابع $g(x) = 2f(x-1)$ را رسم کنید. سپس دامنه و برد g را تعیین کنید.	۱
۴	اگر باقی مانده تقسیم چند جمله ای $p(x) = x^2 + kx^2 - 3$ بر $x+1$ برابر ۲ باشد، k را تعیین کنید.	۰/۷۵
۵	اگر $\left(\frac{1}{3}\right)^{2x+1} \leq \left(\frac{1}{27}\right)$ باشد، حدود x را به دست آورید.	۱
۶	چند جمله ای $x^5 + 32$ را بر حسب عامل $x+2$ تجزیه کنید.	۰/۵
۷	معادله مثلثاتی $2\cos^2 x + \cos x = 0$ را حل کنید.	۱/۲۵
۸	نمودار داده شده مربوط به تابعی با ضابطه $y = a \sin bx + c$ است. مقادیر a و b و c را محاسبه کنید و ضابطه آن را مشخص نمایید.	۱/۵
۹	حدود زیر را بیابید.	۱/۵
الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x] - 2}{x - 2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{3})^+} \frac{2}{\tan x}$ پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x^2 + 2x + 1}{4x - 1}$		

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
۱۰	با توجه به نمودار تابع f ، موارد زیر را به دست آورید.	۱
	الف) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)$	
	ب) $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) \\ \lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) \end{cases}$	
۱۱	اگر خط $y = 2$ مجانب افقی تابع $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{2x^2 - 3x}$ باشد، مقدار a را بیابید.	۰/۵
۱۲	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 1 \\ 3x - 1 & x < 1 \end{cases}$ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)	۲/۷۵
	الف) $f(x) = (4x^2 - 5x)^3(\sqrt{x} + 1)$	
	ب) $g(x) = \frac{9x + 1}{x - x^2}$	
	پ) $h(x) = \sin(3x^2)$	
۱۴	با در نظر گرفتن نمودار تابع f در شکل مقابل از بین نقاط مشخص شده مطلوب است طول نقطه ای که:	۰/۷۵
	الف) تابع در آن مشتق پذیر نیست.	
	ب) مماس در آن موازی محور طول هاست.	
	پ) مشتق و مقدار تابع در آن مثبت است.	
۱۵	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = 2t^2 - t + 3$ بر حسب متر است. (t بر حسب ثانیه است.)	۱
	الف) سرعت متوسط تابع در بازه $[0, 3]$ را به دست آورید.	
	ب) سرعت لحظه ای تابع را در $t = 4$ به دست آورید.	
۱۶	ضرایب a و b را در تابع $f(x) = x^2 + ax - b$ طوری پیدا کنید که نقطه $(1, 2)$ اکسترمم نسبی تابع باشد.	۱
۱۷	جهت تقعر و مختصات نقطه عطف تابع $f(x) = x(x^2 - 3) + 1$ را تعیین کنید.	۱
۱۸	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x+3}{1-x}$ رسم کنید.	۲
۲۰	جمع نمرات	«موفق و سربلند باشید.»

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱		

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۰/۵	(ب) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۱۳۲	تمرین صفحه ۳۴ (۰/۲۵)	الف) درست (۰/۲۵)	۱
۰/۵	(ب) ماکزیمم نسبی (۰/۲۵) تعریف صفحه ۱۱۲	تمرین ۴ صفحه ۲۲ (۰/۲۵)	الف) ثابت (۰/۲۵)	۲
۱		مشابه کاردر کلاس صفحه ۴	$D_g = [1, 5]$ و $R_g = [0, 4]$ هر قسمت (۰/۲۵)	۳
۰/۷۵	$x+1=0 \Rightarrow x=-1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow p(-1)=2 \Rightarrow (-1)^f+k(-1)^f-3=2 \Rightarrow k=4$ (۰/۵)	مشابه تمرین صفحه ۲۲		۴
۱	$\left(\frac{1}{3}\right)^{2x+1} \leq \left(\frac{1}{3}\right)^2$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 2x+1 \geq 2$ (۰/۵) $\Rightarrow x \geq 1$ (۰/۲۵)	مشابه تمرین ۹ صفحه ۲۲		۵
۰/۵	$(x+2)(x^f - 2x^f + 4x^f - 8x + 16)$ (۰/۵)	کاردر کلاس صفحه ۲۰		۶
۱/۲۵	$\cos x = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}$ (۰/۲۵) $\underbrace{\cos x(2\cos x + 1)}_{(۰/۲۵)} = 0 \Rightarrow \underbrace{2\cos x + 1 = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\cos x = -\frac{1}{2}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{x = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3}}_{(۰/۲۵)}$	مشابه تمرین صفحه ۴۴		۷
۱/۵	$\begin{cases} a +c=5 \\ - a +c=-1 \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow c=2$ (۰/۲۵), $a=\pm 3$ (۰/۲۵) $4\pi = \frac{2\pi}{ b }$ (۰/۲۵) $\Rightarrow b = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = 3\sin \frac{x}{2} + 2$, $y = -3\sin(-\frac{x}{2}) + 2$ (۰/۲۵)	مشابه تمرین ۴ صفحه ۳۴		۸

در صورت نوشتن فقط یکی از ضابطه‌ها نمره داده شود.

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱		

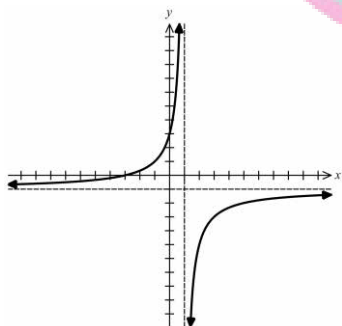
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱/۵	الف) $\frac{1-2}{2-2} = \frac{-1}{0} = +\infty$ (۰/۵) ب) $\frac{2}{\tan(\frac{\pi}{2})^+} = \frac{2}{-\infty} = 0$ (۰/۵)	مشابه صفحه ۵۳	۹
	پ) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2}{4x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x}{4} = +\infty$ (۰/۵)	مشابه تمرین صفحه ۶۹	
۱	الف) ۲ (۰/۵) ب) $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty & (۰/۲۵) \\ \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty & (۰/۲۵) \end{cases}$	مشابه تمرین صفحه ۶۹	۱۰
۰/۵	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{ax^2+1}{2x^2-3x} = 2 \Rightarrow \frac{a}{2} = 2 \Rightarrow a = 4$ (۰/۵)	مشابه کاردرکلاس صفحه ۶۶	۱۱
۱/۵	$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2+1-2}{x-1} = 2$ (۰/۵) ، $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x-1-2}{x-1} = 3$ (۰/۵) (۰/۲۵) $f'_+(1) \neq f'_-(1)$ پس تابع در $x=1$ مشتق پذیر نمی باشد.	مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۰۰ تابع در $x=1$ پیوسته است.	۱۲
۲/۷۵	الف) $f'(x) = \underbrace{3(4x^2-5x)^2(8x-5)}_{(۰/۷۵)} \underbrace{(\sqrt{x+1})}_{(۰/۵)} + \frac{1}{2\sqrt{x}}(4x^2-5x)^2$ ب) $g'(x) = \frac{\underbrace{9(x-x^2)}_{(۰/۲۵)} - \underbrace{(1-2x)(9x+1)}_{(۰/۵)}}{\underbrace{(x-x^2)^2}_{(۰/۲۵)}}$ پ) $h'(x) = 6x \cos(3x^2)$ (۰/۵)	مشابه تمرین صفحه ۱۰۱	۱۳
۰/۷۵	الف) b (۰/۲۵) ب) d (۰/۲۵) ب) e (۰/۲۵)	مشابه تمرین صفحه ۸۲	۱۴

« ادامه در صفحه سوم »

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	مشابه تمرین صفحه ۱۱۰	۱۵												
الف) $\frac{f(3)-f(0)}{3-0} = \frac{18-3}{3} = 5$ (۰/۵) ب) $f'(t) = 4t - 1 \Rightarrow f'(4) = 15$ (۰/۵)														
۱	تمرین ۷ صفحه ۱۲۶	۱۶												
$f(1) = 2 \Rightarrow a - b = 1$ (۰/۲۵) $\begin{cases} f'(x) = 3x^2 + a \\ f'(1) = 0 \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 3 + a = 0 \Rightarrow a = -3$ (۰/۲۵), $b = -4$ (۰/۲۵)														
۱	تمرین ۲ صفحه ۱۳۶	۱۷												
$f'(x) = 3x^2 - 3 \Rightarrow f''(x) = 6x = 0 \Rightarrow x = 0$ (۰/۲۵) <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۰</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>-</td> <td> </td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td colspan="2">∩</td> <td>∪</td> </tr> </table> نقطه (۰,۱) نقطه عطف تابع است. (۰/۲۵) جدول (۰/۵)	x	$-\infty$	۰	$+\infty$	f'	-		+	f	∩		∪		
x	$-\infty$	۰	$+\infty$											
f'	-		+											
f	∩		∪											
۲	مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴	۱۸												
$y = -1$ مجانب افقی (۰/۲۵), $x = 1$ مجانب قائم (۰/۲۵) $f'(x) = \frac{4}{(1-x)^2}$ نقطه بحرانی ندارد (۰/۲۵) <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۱</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+</td> <td> </td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>-1</td> <td>+</td> <td>-1</td> </tr> </table> جدول (۰/۷۵) نمودار (۰/۵) 	x	$-\infty$	۱	$+\infty$	f'	+		+	f	-1	+	-1		
x	$-\infty$	۱	$+\infty$											
f'	+		+											
f	-1	+	-1											
۲۰	در نهایت نظر همکاران محترم صائب است.													